## Inhaltsverzeichnis

1	Ein	leitung	;	1			
2	Beg	riffe de	er Differentialgeometrie	7			
	2.1		gfaltigkeit, glatte Abbildung und Untermannigfaltigkeit	7			
	2.2		el und Schnitt	9			
	2.3	Vektor	ren und Differentialformen	10			
		2.3.1	Tangentialbündel und Vektorfelder	10			
		2.3.2	Kotangentialbündel und 1-Formen	12			
		2.3.3	Differentialformen höherer Stufe	14			
	2.4	Distrib	oution, Kodistribution und Integrabilität	17			
		2.4.1	Distribution und Kodistribution	17			
		2.4.2	Integrabilität, Integralmannigfaltigkeit und flache Karte	17			
	2.5	Strahle	en (Jets) und Prolongationen	19			
		2.5.1	Jet-Bündel und Prolongationen	19			
		2.5.2	Jets unendlicher Ordnung	23			
3	Geo	$_{ m metrie}$	e gewöhnlicher Differentialgleichungen	25			
	3.1	Differe	entialgleichungen als geometrisches Objekt	26			
	3.2	Unterbestimmte Differentialgleichung und Diffietät					
		3.2.1	Systeme in Zustandsdarstellung	27			
		3.2.2	Implizite Differentialgleichungssysteme	28			
	3.3	Äquiva	alenz von Differentialgleichungen	29			
		3.3.1	Äquivalenz von Zustandsdarstellungen	29			
		3.3.2	Äquivalenz impliziter Systeme	31			
	3.4	Differe	entielle Flachheit	31			
		3.4.1	Definition und geometrische Formulierung	31			
		3.4.2	Steuerbarkeit flacher Systeme	33			
		3.4.3	Endogene Rückführungen und Linearisierbarkeit	33			
4	Kor	nstrukt	ion flacher Ausgänge	35			
	4.1		ation des geometrischen Zugangs	35			
	4.2		entialgleichung und Tangentialsystem				

Inhaltsverzeichnis

	4.3	Basis	und duale Basis des Tangentialsystems	40
		4.3.1	Algebraische Eigenschaften und Smith-Form	40
		4.3.2	Algorithmus zur Berechnung der dualen Basis des Tangentialsystems	42
		4.3.3	Tangentialsystem differentiell flacher Systeme	46
	4.4	Integra	abilitätsbedingungen und flacher Ausgang	49
	4.5	Resüm	nee	51
5	Beis	spiele z	zur Berechnung flacher Ausgänge und spezielle Systemklassen	53
	5.1	Beispie	ele	53
		5.1.1	Akademisches Beispiel 1	53
		5.1.2	Akademisches Beispiel 2	55
		5.1.3	Akademisches Beispiel 3	57
		5.1.4	Akademisches Beispiel 4	58
		5.1.5	Der Brockett-Integrator	59
		5.1.6	Die Eulerschen Kreiselgleichungen	61
		5.1.7	Ein kinematisches Fahrzeugmodell	63
		5.1.8	Ein Hochsetzsteller	66
		5.1.9	Ein Einradfahrer	68
		5.1.10	Der Senkrechtstarter	71
		5.1.11	Das rollende Rad	74
	5.2	Aussag	gen für spezielle Systemklassen	77
		5.2.1	Explizite Systeme mit einer Eingangsgröße	77
		5.2.2	Systeme mit $n$ Zuständen und $n-1$ Eingängen	82
6	Line	eare ze	eitinvariante Systeme und statische Ausgangsrückführungen	87
	6.1	Linear	re zeitinvariante Systeme und rationale Vektorräume	87
	6.2	Minim	nale polynomiale Basis	89
	6.3	Polyno	omiale Basen und Normalformen	94
		6.3.1	Berechnung der Normalform	94
		6.3.2	Regelungsnormalform	95
		6.3.3	Eine verallgemeinerte Regelungsnormalform	96
		6.3.4	Nichtminimale Basis und dynamische Erweiterung	98
		6.3.5	Parametrierung von Trajektorien und Differenzierbarkeitsforderungen	99
		6.3.6	Zur dynamischen Ordnung eines Deskriptorsystems	100
	6.4	Polpla	tzierung durch statische Ausgangsrückführungen	102
		6.4.1	Eine notwendige und hinreichende Bedingung	105
		6.4.2	Ein Algorithmus zur Bestimmung von Ausgangsrückführungen mit	
			geringer Verstärkung	114
		6.4.3	Rückführungen vorgegebener Struktur	122
	6.5	Resiim	nee	125

Inhaltsverzeichnis xi

7	Zusammenfassung								
$\mathbf{A}$	Ergänzungen								
	A.1 Mathematische Begriffe	131							
	A.2 Smith–Normalform	132							
$\mathbf{S}\mathbf{y}$	rmbolverzeichnis	133							
	Symbole	133							
	Matrizen und Matrixoperationen	134							
	Funktionen und Operatoren	134							
Al	obildungsverzeichnis	135							
Lit	teraturverzeichnis	137							